УНИВ. БИБЛИОТЕКА
И. Бр.

М. МИЛАНКОВИЋ

ИСПИТИВАЊА О ТЕРМИЧКОЈ КОНСТИТУЦИЈИ ПЛАНЕТСКИХ АТМОСФЕРА

ИЗ СХХ КЊИГЕ ГЛАСА СРПСКЕ КРАЉЕВСКЕ АКАДЕМИЈЕ

УНИВ. БИБЛИОТЕКА БЕОГРАД

БЕОГРАД-ЗЕМУН
ГРАФИЧКИ ЗАВОД »МАКАРИЈЕ« А. Д.
1926

II 157235

Ђ. 8262/68

ИСПИТИВАЊА О ТЕРМИЧКОЈ КОНСТИТУЦИЈИ ПЛАНЕТСКИХ АТМОСФЕРА

ОД М. МИЛАНКОВИЋА

(Приказано на скупу Академије Природних Наука 1. фебруара 1926 год.)

I

Резултати мога пре пет година публикованог дела[1] постали су полазном тачком нових дела немачких научника[2] и примљени као саставни део науке[3]. Оправдано је, дакле, продужити рад у започетом правцу. Ја сам се у томе делу бавио између осталог и питањем термичке конституације планетских атмосфера, посветио му око 70 страна и довео га до конкретних нумеричких разултата. Сада мислим да та испитивања применим у проблему историје наше Земље и у питању атмосфера спољних планета о којима је врло мало познато. Но пре тога потребно је да чисто теоријски део тога питања ставим на нешто ширу основу но што је то учињено у споменутом делу.

---

[1] *Milankovitch*, Théorie mathématique des phénomènes thermiques produits par la radiation solaire. Paris 1920.

[2] *Köppen-Wegener*, Die Klimate der geologischen Vorzeit. Berlin 1924 — *Sörgel*, Die Gliederung und absolute Zeitrechnung des Eiszeitalters. Berlin 1925.

[3] Види н. пр. *Scheiner-Graff*, Astrophysik. Leiprig 1922, p. 263, 276 — *Hann-Süring*, Lehrbuch der Meteorologie. Vierte Auflage. Leiprig 1921. p. 157, 173. — *Köppen*, Die Klimate der Planeten. Die Umschau 27. Jahrg. (1923) p. 1—3. — *Eckardt*, Die Klimatischen Verhältnisse der geologischen Vergangenheit. Die Naturwissenschaften 13. Jahrg. (1925) p. 84—89 — *Kritzinger*, Das Marsklima „Sirius" Bd 57 (1924) p. 67—69. — *Banachiewiez*, Kopernik a astronomja nowoczesna. Rocznik astronomiczny obserwatorjum Krakowskiego. Tom. III. (1924) p 68—76. — *Schoenberg*, Ueber die Temperaturen der Planeten. Phys. Zeitschrift. 26. Jahrg (1925) p. 870—898.

II

Гасови од којих су сграђене планетске атмосфере покоравају се Мариотовом и Гелисаковом закону

$$vp = R\Theta$$

где v означава специфични волумен или реципрочну вредност густине, p притисак а Θ апсолутну температуру гаса; R представља гасну константу. Ова једначина важи довољно тачно и за паре догод се у њима не дешавају промене агрегатног стања. Означимо ли, дакле, са $p(x)$ парцијални притисак уоченога гаса у висини x изнад планетске површине, са $\rho(x)$ његову густину, а са $\Theta(x)$ његову апсолутну температуру на томе месту, то постоји једначина

$$p(x) = R\,\Theta(x)\,\rho(x) \tag{1}$$

Означив са g акцелерацију теже на површини планете и занемаривши незнатну интерну гравитацију саме атмосфере, то је акцелерација на висини x дата једначином

$$g(x) = \frac{r^2}{(r+x)^2}\,g$$

где је r радиус планетске кугле. Како је x мало према r, то можемо предњој једначини дати и овај облик

$$g(x) = \left(1 - 2\frac{x}{r}\right)g \tag{2}$$

Гасови атмосфере покоравају се и барометријској једначини

$$dp(x) = -g(x)\,\rho(x)\,dx \tag{3}$$

Ако је температура планетске коре, као што ће у нашим проблемима бити случај, тако висока да је количина топлоте W_p што ју емитира планетска површина веома велика према оној што ју она прима од Сунца, то би у случају једногазне атмосфере и при механичкој и радиационој равнотежи постојала једначина

$$2\sigma\Theta^4(x) = W_p\left[1 + k\int_x^h \rho(x)\,dx\right]$$

где σ означава константу Стефановог закона, k апсорпциони коефицијенат гаса, а h висину атмосфере. Означимо граничну температуру атмосфере т. ј. температуру $\Theta(h)$ са u, то добивамо

$$2\sigma u^4 = W_p$$

т. ј.

$$\frac{\Theta^4(x)}{u^4} = 1 + k\int_x^h \rho(x)\,dx \tag{4}$$

III

Уочимо сада случај када је атмосфера сложена из n разних гасова, константа $R_1, R_2 \ldots R_n$, а апсорпционих коефицијената $k_1, k_2, \ldots k_n$, онда су термичке прилике такове атмосфере у случају механичке и радиационе равнотеже регулисане следећим једначинама

$$p_i(x) = R_i\,\Theta(x)\,\rho_i(x) \qquad (i = 1, 2 \cdots n) \tag{5}$$

Занемаримо у (2) мали број $2\frac{x}{r}$ према јединици, то добивамо место (3)

$$dp = -g\,\rho_i(x)\,dx \qquad (i = 1, 2 \cdots n) \tag{6}$$

па је због тога парцијални притисак у висини x једнак

$$p_i(x) = g\int_x^h \rho_i(x)\,dx \tag{7}$$

Једначину (4) ваља сада заменити овом

$$\frac{\Theta^4(x)}{u^4} = 1 + \sum_1^n k_i \int_x^h \rho_i(x)\,dx \tag{8}$$

т. ј.

$$\frac{\Theta^4(x) - u^4}{u^4} = \frac{1}{g}\sum_1^n k_i\,p(x) \tag{9}$$

Из (5) и (6) следује

$$\frac{dp_i(x)}{p_i(x)} = -\frac{g\,dx}{R_i\,\Theta(x)} \qquad (i = 1, 2 \cdots n) \tag{10}$$

Диференцијалне једначине (9) и (10), дакле свега њих (n+1) на броју, одређују величине $\Theta(x)$, $p_1(x)$, $p_2(x) \cdots p_n(x)$ као функције од x, т. ј. дају термичку конституцију атмосфере.

Из (10) следује

$$p_i(x) = p_i(o)\, e^{-\frac{g}{R_i}\int_o^x \frac{dx}{\Theta(x)}} \tag{11}$$

и из (9) диференцијацијом по x и применом једначина (10)

$$\frac{4\Theta^4(x)}{\mu^4}\frac{d\Theta(x)}{dx} = -\sum_1^n \frac{k_i}{R_i} p_i(x)$$

IV

Нумеричко израчунавање термичке конституције планетске атмосфере помоћу претходних једначина не даје никаквих стварних тешкоћа, но те се једначине даду интегрисати у коначном облику само у специјалним случајевима.

Такав се један случај указује, ако су сви коефицијенти апсорпције, сем једног јединог, занемариви, т. ј. ако атмосфера садржава само један гас који апсорбује емитовану радијацију планете.

Ставимо дакле

$$k_i = o \qquad \text{за } i = 2, 3 \cdots n \tag{13}$$

онда је

$$\frac{\Theta^4(x) - \mu^4}{\mu^4} = \frac{1}{g} k_1 p_1(x) \tag{14}$$

$$\frac{4\Theta^4(x)}{\mu^4}\frac{d\Theta(x)}{dx} = -\frac{k_1}{R_1} p_1(x) \tag{15}$$

Одавде следује елиминацијом $p_1(x)$

$$dx = -\frac{4R_1}{g}\frac{\Theta^4(x)\, d\Theta(x)}{\Theta^4(x) - \mu^4} \tag{16}$$

Интеграција ове једначине даје, ако температуру најдоњег атмосферског слоја т. ј. за $x = o$ означимо са Θ_0, следећу једначину између x и $\Theta(x)$ у експлицитном облику према x:

$$\left\{\begin{aligned} x &= \frac{R_1}{g}\left\{C_0 - 4\Theta(x) + \mu\left[\log_{nat}\frac{\Theta(x)+\mu}{\Theta(x)-\mu} + 2\arctan\frac{\Theta(x)}{\mu}\right]\right\} \\ C_0 &= 4\Theta_0 - \mu\left[\log_{nat}\frac{\Theta_0+\mu}{\Theta_0-\mu} + 2\arctan\frac{\Theta_0}{\mu}\right] \end{aligned}\right. \tag{17}$$

Из (5) и (14) следује

$$p_1(x) = \frac{g}{R_1 k_1}\frac{\Theta^4(x) - \mu^4}{\mu^4\,\Theta(x)} \tag{18}$$

т. ј. због (5)

$$p_1(x) = \frac{g}{k_1}\frac{\Theta^4(x) - \mu^4}{\mu^4} \tag{19}$$

Једначине (11) и (5) дају притиске и густине осталих саставних делова атмосфере.

V

Ако је Θ_0 велико према μ онда је за велик део атмосфере, т. ј. њених доњих слојева μ^4 занемариво према $\Theta^4(x)$, па је због (16)

$$\frac{d\Theta(x)}{dx} = -\frac{g}{4R_1} \tag{20}$$

Градијенат температуре доњих слојева зависи, дакле, само од гасне константе R_1.

Интеграција предње једначине даје

$$\Theta(x) = \Theta_0 - \frac{g}{4R_1} x \tag{21}$$

а једначине (18) и (19) добивају сада ове облике

$$p_1(x) = \frac{g}{R_1 k_1}\frac{\Theta^3(x)}{\mu^4} \tag{22}$$

$$p_1(x) = \frac{g}{k_1}\frac{\Theta^4(x)}{\mu^4} \tag{23}$$

Означимо целокупне масе појединих гасова, садржане у атмосферском стубу над јединицом планетске површине са $M_1, M_2 \cdots M_3$, то је

$$M_i = \int_0^h \rho_i(x)\, dx \tag{24}$$

дакле због (7)

$$p_i(o) = g M_i \tag{25}$$

Тако нам даје једначина (14) у овом случају

$$\left(\frac{\Theta_0}{\mu}\right)^4 = k_1 M_1 \tag{26}$$

дакле

$$p_1(o) = \frac{g}{k_1}\left(\frac{\Theta_0}{\mu}\right)^4 \tag{27}$$

$$p_1(x) = p_1(o)\frac{\Theta^4(x)}{\Theta_0^4} \tag{28}$$

$$\rho_1(x) = \rho_1(o)\frac{\Theta^3(x)}{\Theta^3_0} \tag{29}$$

Из (21) следује

$$\int_0^x \frac{dx}{\Theta(x)} = -\frac{4R_1}{g}\log_{nat}\frac{\Theta(x)}{\Theta_0}$$

дакле због (11)

$$p_i(x) = p_i(o)\left[\frac{\Theta(x)}{\Theta_0}\right]^{4\frac{R_1}{R_i}} \tag{30}$$

Одавде се добива помоћу (5)

$$\rho_i(x) = \rho_i(o)\left[\frac{\Theta(x)}{\Theta_0}\right]^{4\frac{R_1}{R_i}-1} \tag{31}$$

Из (29) и (31) следује

$$\frac{\rho_i(x)}{\rho_1(x)} = \frac{\rho_i(o)}{\rho_1(o)}\left[\frac{\Theta(x)}{\Theta_0}\right]^{4\frac{R_1-R_i}{R_i}} \tag{32}$$

Ова нам једначина даје промену примесе разних гасова у атмосфери са висином.

Како је у нашем случају

$$\frac{\Theta(x)}{\Theta_0} < 1$$

то ће примеса гаса константе R_i у атмосфери расти са висином када буде $R_i > R$. Пошто гасне константе стоје у обратној размери молекуларних тежина, то ће примеса лакших гасова расти са висином по закону (32).

VI

Узму ли се у обзир динамички процеси у атмосфери и са њима проузроковане термичке промене, то ће се, у случају да је атмосфера сграђена од једнога гаса константе R_1, она налазити у индиферентној механичкој равнотежи ако градијенат температуре буде представљен изразом

$$\frac{d\Theta(x)}{dx} = -\frac{g}{R_1}\frac{\kappa-1}{\kappa} \tag{33}$$

где је

$$\kappa = \frac{c'}{c} \tag{34}$$

при чему c и c' означавају специфичне топлоте гаса при константној запремини односно при константном притиску.

Ако је атмосфера сграђена од триатомног гаса, онда је

$$\kappa = \frac{4}{3}$$

па у томе случај добива услов (33) облик

$$\frac{d\Theta(x)}{dx} = -\frac{g}{4R_1} \tag{35}$$

дакле потпуно идентичан са једначином (20). Тако долазимо до резултата да су услови радиационе и индиферентне механичке равнотеже индентични у случају када је атмосфера сграђена од триатомног гаса. То је случај када је атмосфера сграђена од водене паре а са њиме ћемо се још нарочито бавити. У томе важноме случају важе, данас већ напуштени резултати теорије Ритера[1], па зато они заслужују поновну пажњу научника.

После ових општих теоријских разматрања приступимо конкретним применама изложене теорије.

VII

Већ је само по себи од интереса питање: Каква је била термичка конституција Земљине атмосфере у доба када је Земљина кора била толико топла да су се све њене воде налазиле у атмосферском плашту земље. Но сем свога историјског интереса, има ово питање у актуелан значај. Стадиум кроз који је у споменуто доба прошла Земљина атмосфера је такође стадиум кроз који морају проћи и друге атмосфере. Планете Меркур и Марс прошли су га сигурно, планета Венера вероватно, а и остале планете имају тек да га прођу. Зато је и за слику развитка ових планета важан одговор на горе постављено питање.

[1] Главни резултати његових чланака, публикованих у годинама 1878 до 1890 у Annalen der Physik, скупљени су у засебној монографији *Ritter A*, Anwendungen der mechanischen Wärmetheo ie auf kosmologische Probleme. Zweiter Abdruck. Leipzig 1882.

Главни саставни део Земљине атмосфере у проучаваноме стадиуму била је без сумње водена пара, јер су се тада налазиле све воде Земљине, њена данашња мора, језера, реке, потоци, па и подземне воде у земљиној атмосфери, док је кисеоник данашње Земљине љуске био већ везан са силициумом, алуминиумом и осталим њеним саставинама.

О количини воде која се данас налази на Земљи, обавештени смо доста тачно; она је толика да би потпуно нивелисану Земљину површину покрила морем од 2000 метери дубине. Та се количина није, вероватно, осетно мењала у току векова, јер оба главна фактора која ју мењају (вулканизам и везивање воде у минералима) дејствују у противном правцу, па се њихови ефекти, макар у знатној мери међусобно компензују[1].

Остали саставни делови праатмосфере Земљине, ако их је у опште било у већој мери, утицали су само незнатно на вертикални распоред температуре, јер су апсорпциони коефицијенти обичних гасова знатно мањи од апсорпционог коефицијента водене паре. Зато можемо применити теоријске резултате, изложене под IV и V и ставити

(36) $$M = 200.000 \frac{gr}{cm^2}$$

О апсорпционом коефицијенту k_1 имамо ове податке. Емитована радијација Земљине љуске била је у проучаваном стадијуму светла. Према испитивањима установе Smithsonian Institution, дискутованим у моме споменутом делу, апсорпција светлих зрака у данашњој безоблачно претпостављеној Земљиној атмосфери достизава величину од 22 процента; од тога отпада на селективну апсорпцију 12 процената. Та је селективна апсорпција извршена скоро сасвим воденом паром, а како ова учествује и у осталој апсорпцији барем у истој мери као и остали саставци Земљине атмосфере, то се може узети да на водену пару отпада аритметска средина горњих двају бројева т. ј. 17 процената. Зато је трансмисиони коефицијенат данашње количине водене паре

$$p = 0{\cdot}83$$

При томе је претпостављено да светлосни зраци пролазе под свима могућим угловима кроз атмосферске слојеве, као што то захтевају и напред изложене једначине.

[1] Види о томе детаљније: *Walther*, Geschichte der Erde und des Lebens. Leipzig 1908. p. 67 ff.

Водена пара која се сада налази у Земљиној атмосфери покрила би, кондензована, Земљину површину слојем од 25 cm.[1] Зато је у садањем стадијуму

(37) $$M_1' = 2{\cdot}5 \frac{gr}{cm^2}$$

па је због тога, према дефиницији трансмисионог коефицијента,

(38) $$e^{-k_1 M_1'} = 0{\cdot}83$$

зато је

$$k_1 M_1 = 0{\cdot}1863$$

т. ј. због (36) и (37)

(39) $$k_1 M_1 = 14900$$

Једначина (26) даје, дакле

(40) $$\frac{\Theta_0}{\mu} = 11{\cdot}0$$

Уочићемо онај стадиум историје Земље када је њена спољна љуска била таман још у растопљеном стању. Како се скоро сви минерали, сем неких еруптивних, растапају код температура испод 1600^0 C, то ћемо, узев још у обзир повишење температуре растапања са притиском, ставити за апсолутну температуру најнижег атмосферског слоја:

(41) $$\Theta_0 = 1873^0 \text{ abs}$$

Онда је због (40)

(42) $$\mu = 170^0 \text{ abs}$$

За гасну константу R_1 имамо поуздан податак. Највећи део водене паре, садржане у праатмосфери, налазио се је, као што ће се из следећих рачуна видети, у презагрејаном стању и изнад критичне температуре. Та се је пара понашала дакле као идеалан гас и зато ваља ставити[2]

(43) $$\frac{R_1}{g} = 4{\cdot}700 \text{ cm}$$

Помоћу ових нумеричких вредности и саопштених једначина израчунао сам термичку конституцију Земљине праатмосфере,

[1] *Hann-Sürnig*, Lehrbuch der Meterologie. Vierte Auflage Leipzig 1921. — p. 245.

[2] *Emden*, Gaskugeln. Leipzig 1907. p. 9 — *Wegener*, Thermodynamik der Atmosphäre. Leipzig 1911, p. 69.

густину и парцијелне притиске водене паре која се је у њој налазила. Резултати тога рачуна саопштени су на крају ове расправе у таблици II. Ради сравњивања саопштена је у таблици I садања теоретска конституција Земљине атмосфере, објављена у моме споменутоме делу која се, као што је то показао *C. Мохоровичић*[1] слаже врло добро са опажањима.

VIII

Из таблица I и II може се, пре свега, очитати ово:

Земљина праатмосфера уздизала се до огромне висине, њена густина била је на висини од 300 километара већа но

Таблица I — Tableau I

Конституција Земљине атмосфере у њеном садањем стадиуму
Constitution de l'atmosphère de la Terre dans son état actuel

Висина Altitude km	Температура Température Echelle centigrade	Притисак Pression mm de Hg	Густина Densité gr. par cm³	Примедба Remarque
0	+ 10·5°	760	$1{\cdot}293 \times 10^{-3}$	
0·918	+ 5°	679	$1{\cdot}134 \times 10^{-3}$	
1·779	0°	610	$1{\cdot}038 \times 10^{-3}$	Тачка смрзавања Point de congélation
2·672	— 5°	545	$0{\cdot}945 \times 10^{-3}$	
3·602	— 10°	484	$0{\cdot}855 \times 10^{-3}$	
4·577	— 15°	426	$0{\cdot}767 \times 10^{-3}$	
5·606	— 20°	371	$0{\cdot}682 \times 10^{-3}$	
6·706	— 25°	320	$0{\cdot}599 \times 10^{-3}$	
7·891	— 30°	271	$0{\cdot}519 \times 10^{-3}$	
9·190	— 35°	226	$0{\cdot}440 \times 10^{-3}$	
10·644	— 40°	183	$0{\cdot}364 \times 10^{-3}$	
12·320	— 45°	143	$0{\cdot}291 \times 10^{-3}$	
14·344	— 50°	105	$0{\cdot}218 \times 10^{-3}$	
16·975	— 55°	70	$0{\cdot}149 \times 10^{-3}$	
20·977	— 60°	37	$0{\cdot}080 \times 10^{-3}$	
31·723	— 65°	7	$0{\cdot}016 \times 10^{-3}$	

[1] Meterologische Zeitschrift 1921. p. 316.

Таблица II — Tableau II

Конституција Земљине атмосфере у њеном примитивном стадиуму
Constitution de l'atmosphère de la Terre dans son état primitif

Висина Altitude km	Температура Température Echelle centigrade	Притисак Pression mm de Hg	Густина Densité gr. par cm³	Примедба Remarque
0	1600°	147.100	$22{\cdot}719 \times 10^{-3}$	
56·40	1300°	73.122	$13{\cdot}456 \times 10^{-3}$	
112·80	1000°	31.360	$7{\cdot}131 \times 10^{-3}$	
150·45	800°	15.825	$4{\cdot}269 \times 10^{-3}$	
188·06	600°	6.928	$2{\cdot}297 \times 10^{-3}$	
225·74	400°	2.441	$1{\cdot}050 \times 10^{-3}$	
244·68	300°	1.278	$0{\cdot}645 \times 10^{-3}$	
263·67	200°	588	$0{\cdot}360 \times 10^{-3}$	
283·03	100°	221	$0{\cdot}172 \times 10^{-3}$	
292·00	55°	129	$0{\cdot}114 \times 10^{-3}$	Тачка врења Point d'ébullition
293·00	50°	120	$0{\cdot}108 \times 10^{-3}$	
303·53	0°	56	$0{\cdot}060 \times 10^{-3}$	Тачка смрзавања Point de congélation
315·79	— 50°	20	$0{\cdot}025 \times 10^{-3}$	

што је сада на висини од 20 километара. Доњих 292 километара те атмосфере били су сагрејени од преугрејане водене паре која се понаша као савршен гас, тако да се претпоставке изложене теорије показују на томе највећем делу праатмосфере потпуно оправдане. На километру 292-гом достигнута је тачка кључања воде[1]. Са том висином почиње, дакле, зона водене паре у правом смислу речи, т. ј. зона облака. Ова се уздиже до изнад висине од 303·53 km, на којој висини лежи тачка смрзавања воде. Како је у тој висини густина атмосфере већ врло мала, то ју облаци не прекорачују знатно. Тако је Земљину праатмосферу опкољавао на висини од 300 km, као каква љуска, густ облачни вео од барем 12 km дебљине који није дозвољавао да и један сунчев зрак светлости продре у ниже слојеве земљине атмосфере.

Обавијена непробојним облацима, Земљина праатмосфера

[1] Израчуната помоћу *Zeuner*-ове таблице, саопштене у *Chwolson*, Traité de Physique. Tome III. Paris 1909. p. 677.

могла је бити осветљавана само од доле, т. ј. од ражарене њене површине, но та њена властита светлост није могла продрети дубоко у њену атмосферу, него је била — као што се може рачунски показати — потпуно угашена већ у првом километру висине.

IX

И таблице II следује још ово:

Термичка конституција највећег дела праатмосфере претстављена је врло добро једначином (21). Уведемо ли место апсолутних температура, температуре мерене на Целзиусовој скали и означимо ове са u(x), то можемо тој једначини дати облик

$$u(x) = u(o) - \frac{g}{4R_1} x \tag{44}$$

Одступања нумеричких вредности таблице II од вредности које даје ова једначина, заиста су незнатна. Оне не достизавају до висине од 200 km ни један град Целзијуса. Једначина (44) важи, дакле, за високе температуре врло тачно а, што је врло карактеристично, у тој се једначини не појављује апсорпциони коефицијенат, него само гасна константа.

X

Висина при којој се достизава тачка кључања воде зависи не само од термичког распореда него и од распореда притиска у планетској атмосфери, а овај последњи зависи од апсорпционих способности атмосфере. Висина у којој се достизава тачка смрзавања не зависи од притиска, него је одређена чисто температурним условом да температура буде равна 0^0 C. Ова последња висина одређује нам, макар у првој апроксимацији, и овај гранични слој атмосфере који се спољњем гледаоцу указује као планетска површина. У близини тога слоја лежи, као што смо видели већ код Земљине праатмосфере, граница облака, а ти облаци су оно што видимо код планета са густим атмосферама. И до те висине важи једначина (44) толико тачно да помоћу ове можемо ту висину израчунати са грешком од неколико километара која је занемарива. Зато је та висина дата са

$$H = \frac{4R_1}{g} u(o) \tag{45}$$

Помоћу ове једначине можемо израчунати још ону граничну висину атмосфере код које она може још да постоји као атмосфера водене паре. У то име ваља ставити у (45) $u(o) = 3000^0$ C јер при тој температури развија се сигурно, поред свог огромног притиска, толико металних пара и других гасова да атмосфера престаје бити атмосфера водене паре. Величина g је за различите планете различита, па тако добивамо за H ове вредности

Венера	640 km
Јупитер	220 km
Сатурн	530 km
Уранус	610 km
Нептун	590 km

За толико би, дакле, стварна површина планетска лежала ниже од оне коју видимо и која је гранична површина облака. Та редукција стварних димензија планетских имала би за последицу повишење њихове средње густине, но код спољних планета не у толикој мери да би донела могућност житке или круте планетске површине. Тај стадиум нису спољне планете још достигле.

RECHERCHES SUR LA CONSTITUTION THERMIQUE DES ATMOSPHÈRES PLANÉTAIRES

PAR M. MILANKOVITCH

(Résumé)

En élargissant ses recherches théoriques, publiées dans son ouvrage *Théorie mathématique des phénomènes thermiques produits par la radiation solaire*. Paris 1920, l'auteur étudie d'abord le cas général où l'atmosphère est constituée de n gaz et se trouve dans l'équilibre de radiation. Dans ce cas, la constitution de l'atmosphère est représentée par $(n+1)$ équations (9) et (10) qui donnent la température absolue $\Theta(x)$ et les pressions partielles $p_i(x)$ en fonction de l'altitude x. En revenant au cas où l'atmosphère est constituée d'un seul gaz absorbant notamment la radiation émise par la surface de la planète, et en supposant que cette radiation est considérable par raport à celle que la planète reçoit du Soleil, on abtient les équation (21), (28) et (29), valables pour la majeure partie de l'atmosphère. Dans ces équations, g désigne l'acceleration de la pesanteur, R_1 la constante du gaz absorbant, $p_1(x)$ la pression et $\rho_1(x)$ la densité de ce gaz. Si ce gaz est triatomique, le régime de l'équilibre de radiation est identique au régime indifférent, étudié par *A. Ritter* dans ses nombreuses recherches.

Pour l'atmosphère de la Terre, dans son état primitif, où sa croûte ne s'était pas encore solidifiée et où toutes ses eaux se trouvèrent dans son atmosphère, les suppositions précédentes se trouvent réalisées, de sorte qu'il est possible de reconstruire cet état. Il est représenté par le tableau II, tandis que le tableau I, tiré de l'ouvrage déjà cité de l'auteur, sert de comparaison avec l'état actuel de l'atmosphère. On voit que l'atmosphère primitive de la Terre était considérable; sa densité, à l'altitude

de 300 km, était supérieure à celle que l'atmosphère actuelle accuse à l'altitude de 20 km. A l'altitude de 292 km, on atteignait le point d'ébullition et à celle de 303·53 km le point de congélation. Une couche de nuages de 12 km d'épaisseur enveloppait l'atmosphère primitive empêchant les rayons solaires d'y pénétrer.

Les atmosphères formées de la vapeur d'eau ne peuvent pas dépasser une certaine hauteur. Ces hauteur-limites sont: pour Vénus 640 km, pour Jupiter 220 km, pour Saturne 530 km, pour Uranus 610 km et pour Neptune 590 km.

